

III 1975

0

8

6

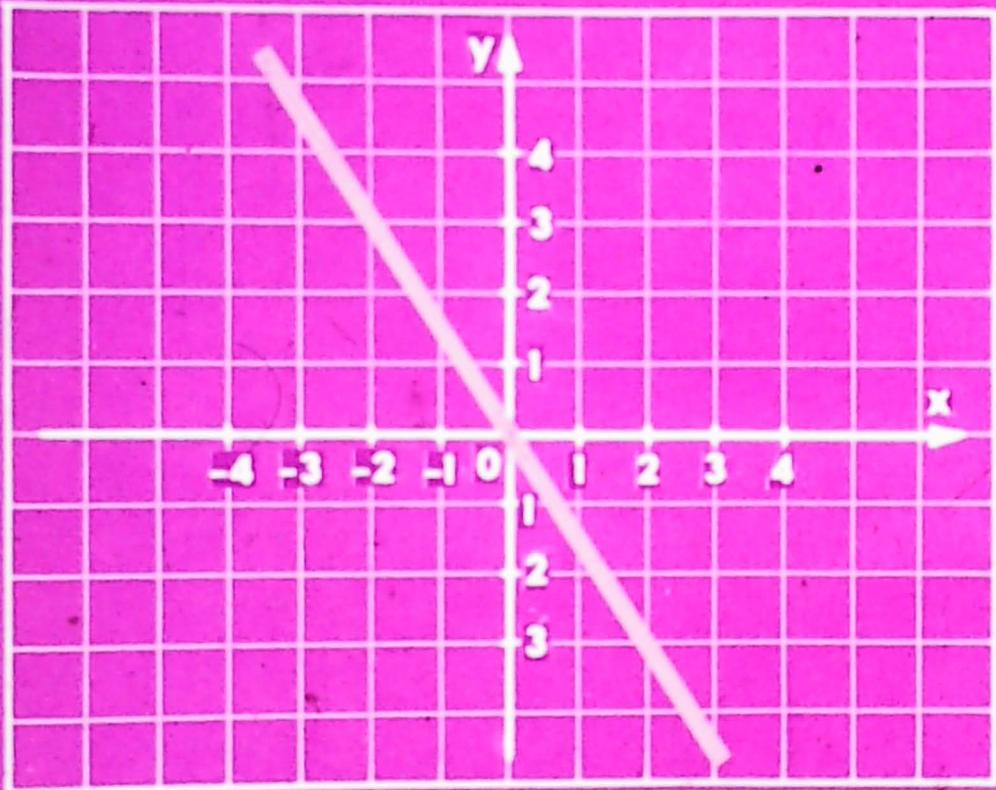
TY 19-32-73

6

1

дияфильм

**07-3-259**



Диафильм  
по математике  
для 6 класса

По заказу  
Министерства  
просвещения  
РСФСР

# ФУНКЦИЯ

## К СВЕДЕНИЮ УЧИТЕЛЯ

Диафильм предназначен для учащихся, изучающих курс алгебры 6 класса по новой программе. В нём трактовка понятия функции даётся в соответствии с учебником.

Кадры 3—9 раскрывают содержание понятия соответствия между множествами; кадры 10—15 — понятия функции. Кадры 17—30 следует использовать при изучении графика функций; кадры 31—35 — при изучении тем: «Задание функции формулой» и «График прямой пропорциональности».

Соответствие  
между  
множеством А  
и множеством В

A

Извозчик

Шофер

Лётчик

Космонавт

B

Легковой  
автомобиль

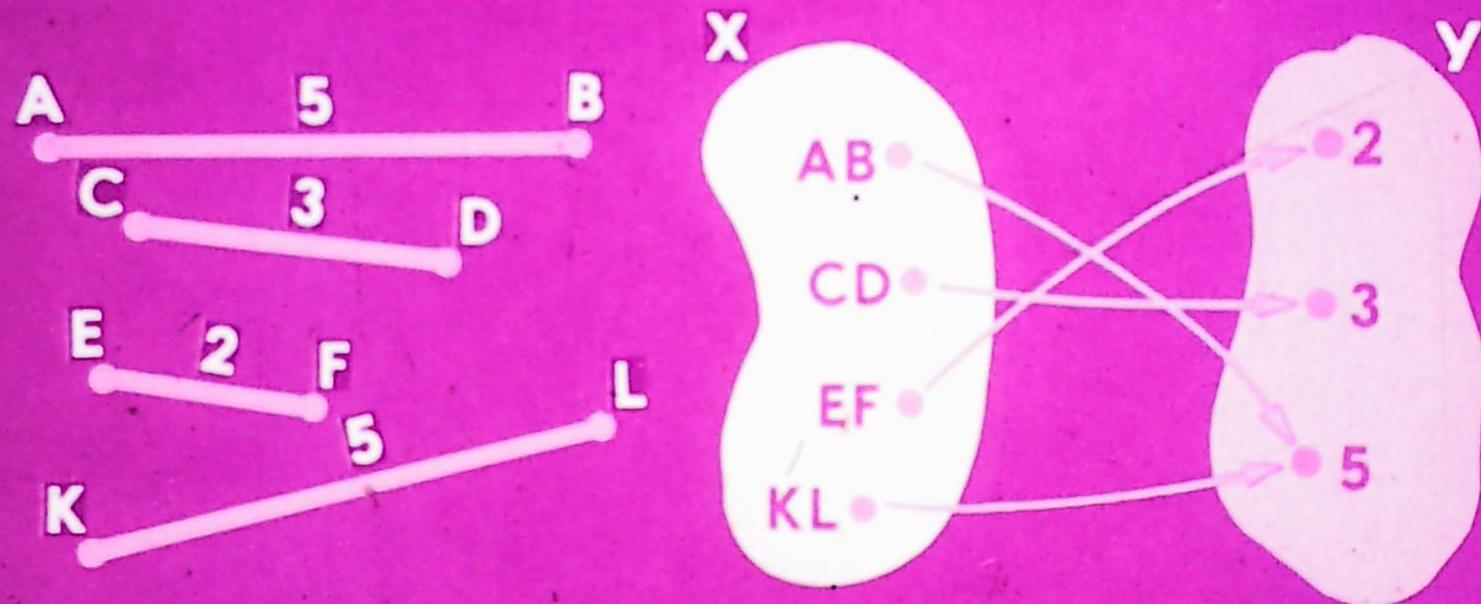
Грузовик

Самолёт

Космический  
корабль

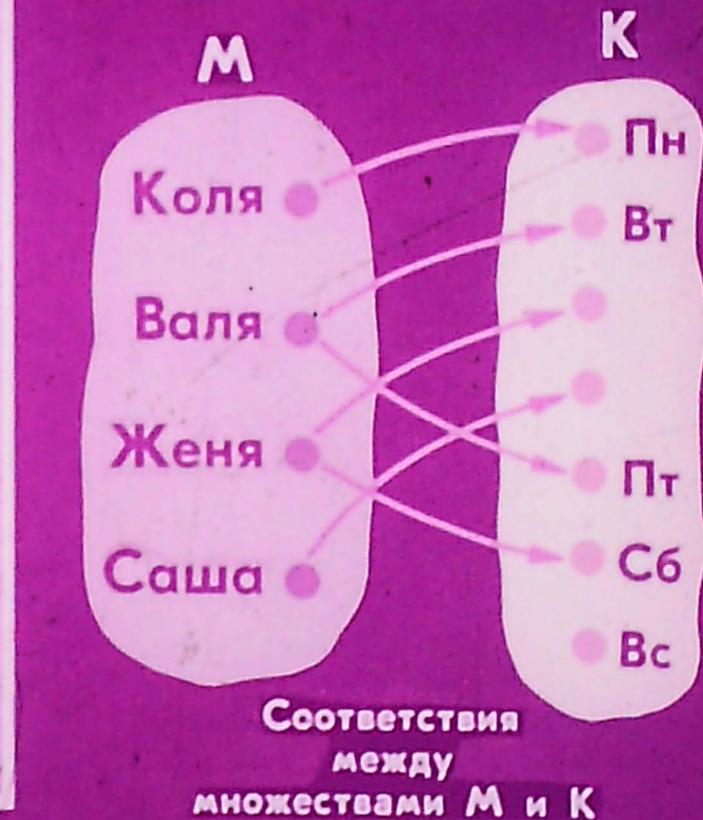
Паровоз

Назовите элементы множества А и элементы множества В. Для элементов множества А укажите соответствующие элементы из множества В.



Каждому отрезку соответствует число — длина отрезка в сантиметрах. Какое число соответствует отрезку  $AB$ ;  $CD$ ;  $EF$ ;  $KL$ ? Назовите элементы множества  $X$ ; элементы множества  $Y$ .

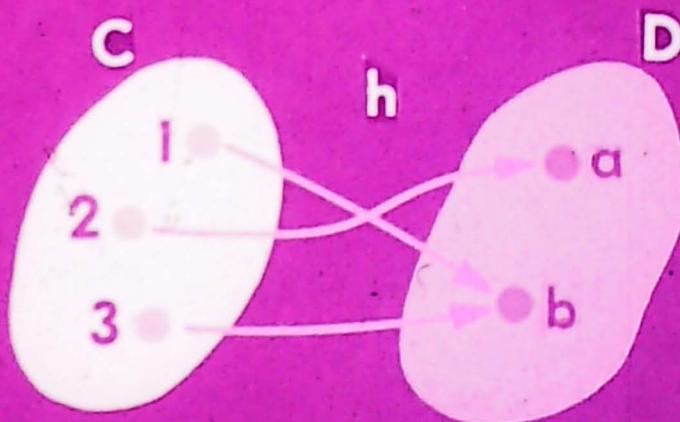
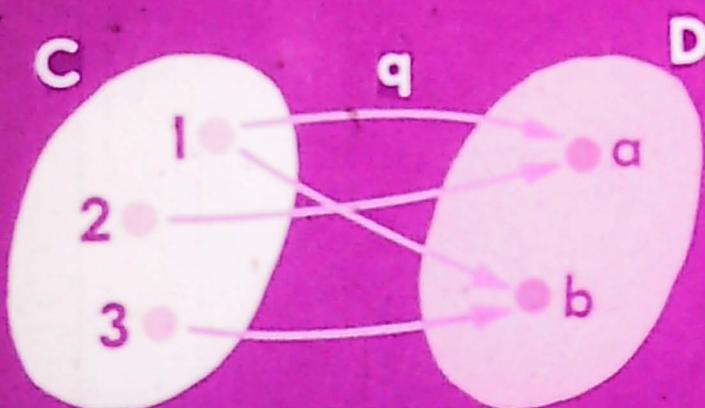
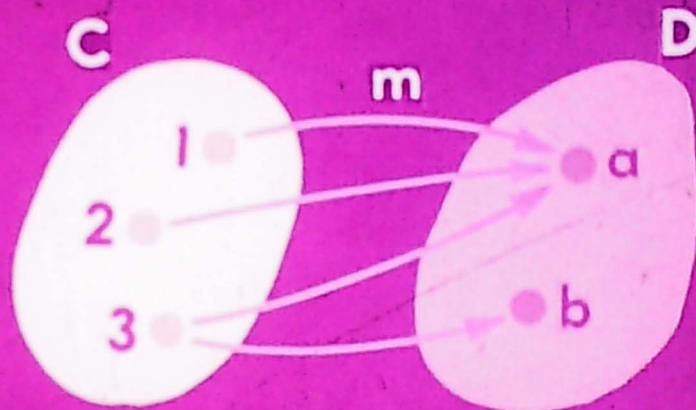
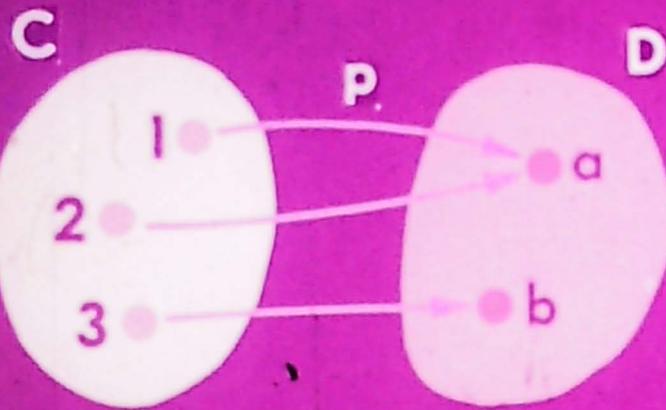
	Коля	Валя	Женя	Саша
Пн	●			
Вт		●		
Ср			●	
Чт				●
Пт		●		
Сб			●	
Вс				



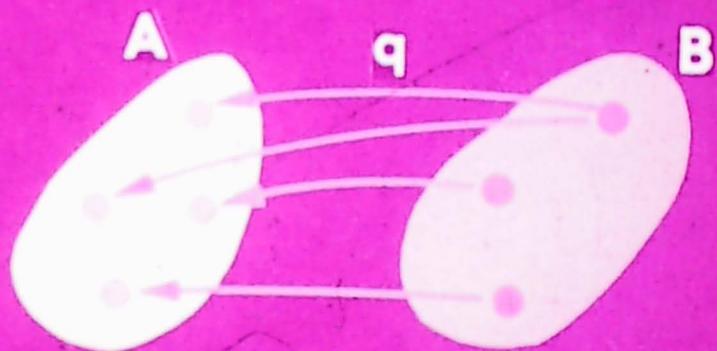
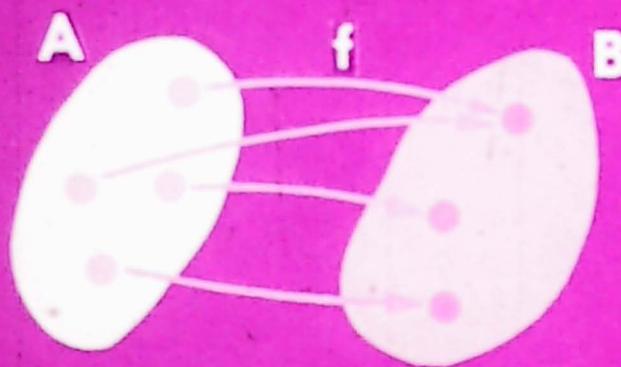
Назовите элементы множества М, элементы множества К. В какой день дежурит каждый из мальчиков?



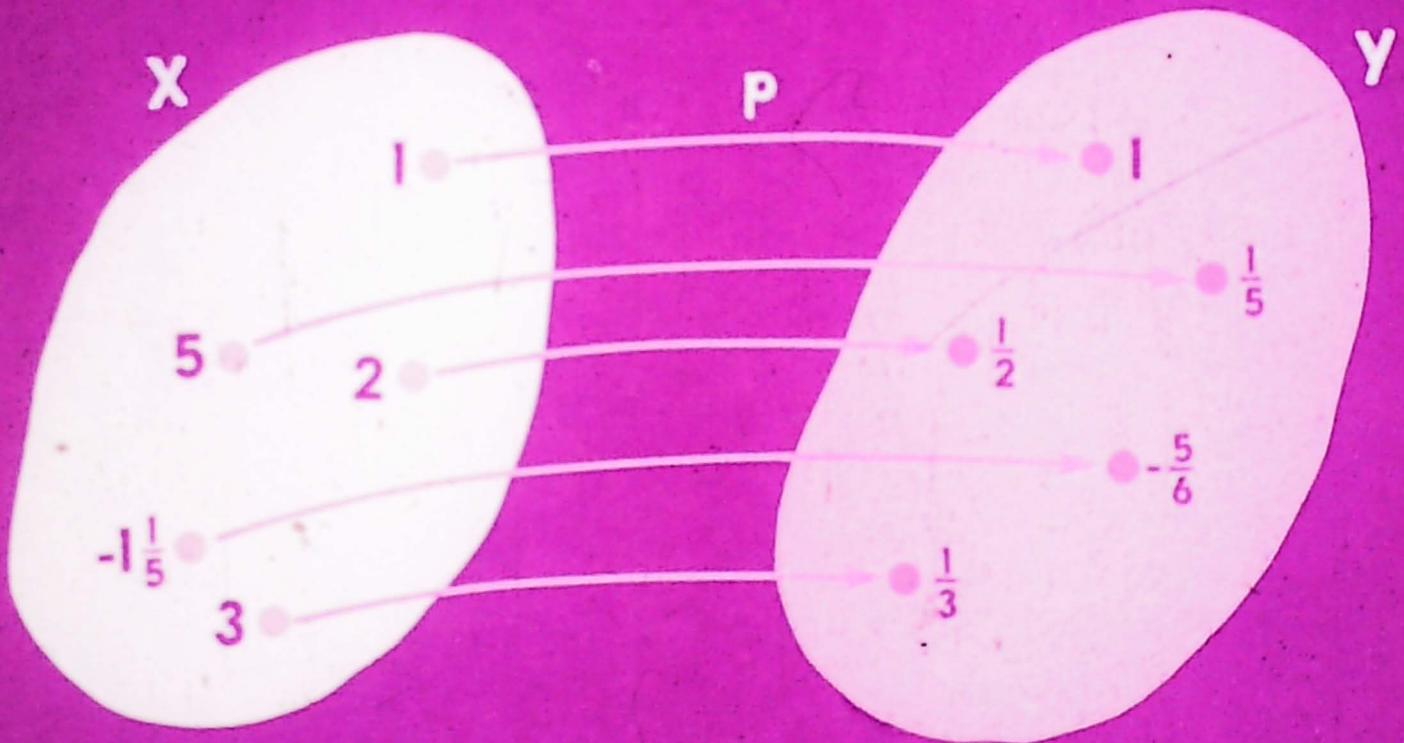
Ребята наметили виды спорта, которыми они будут заниматься на каникулах в течение недели. Какими видами спорта собираются заниматься ребята в понедельник; в четверг? Сколько элементов множества В соответствует каждому элементу множества А?



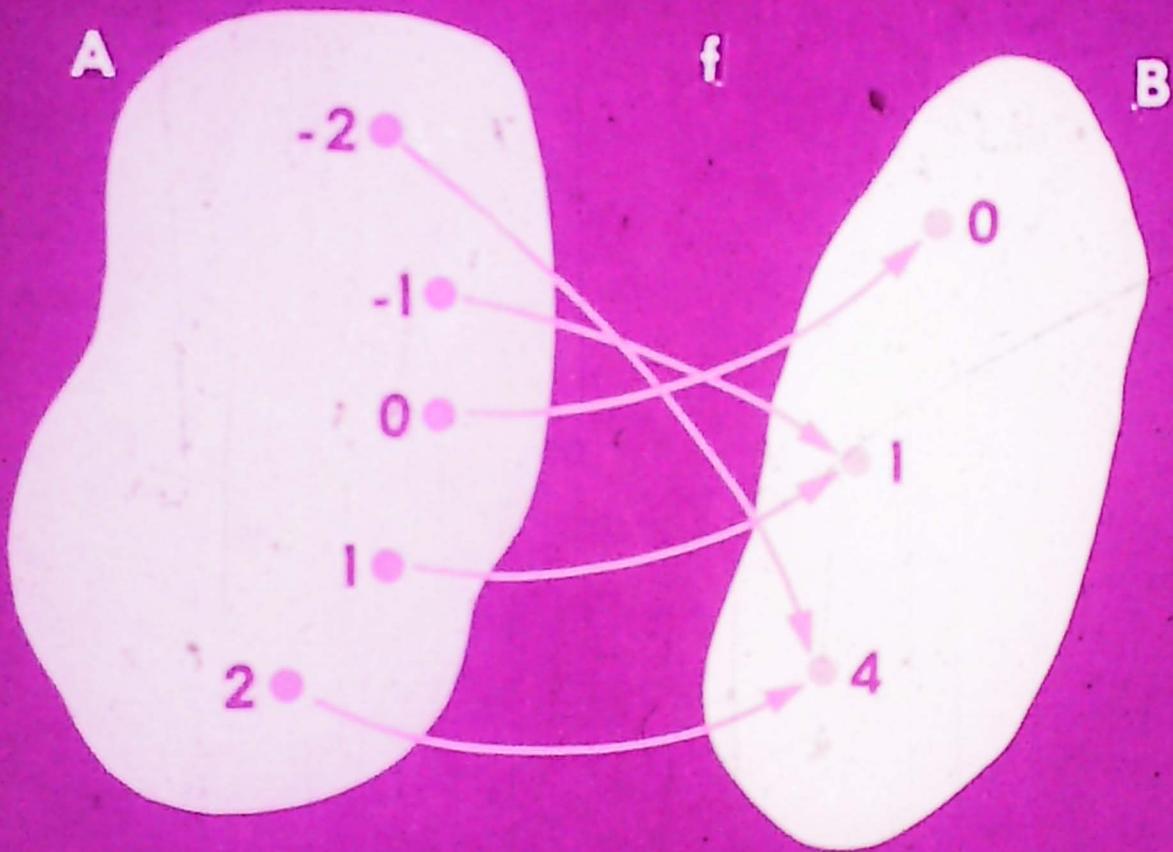
Назовите элементы множества **C**; элементы множества **D**.  
 Какие из соответствий однозначные, какие—многозначные?



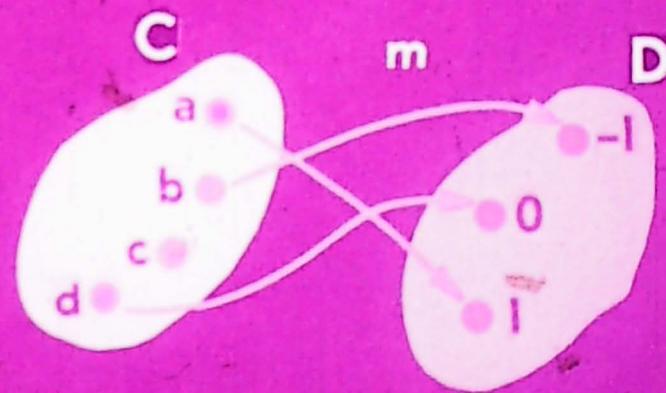
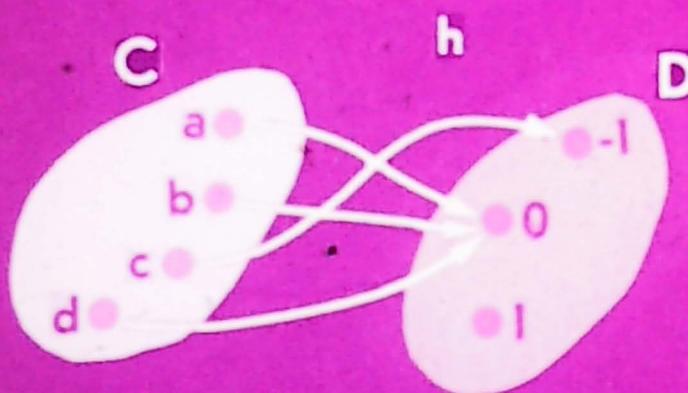
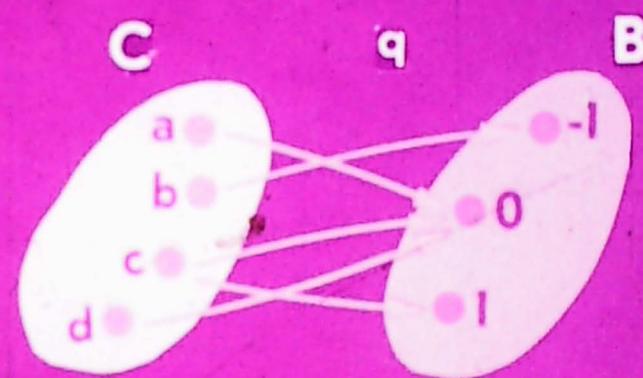
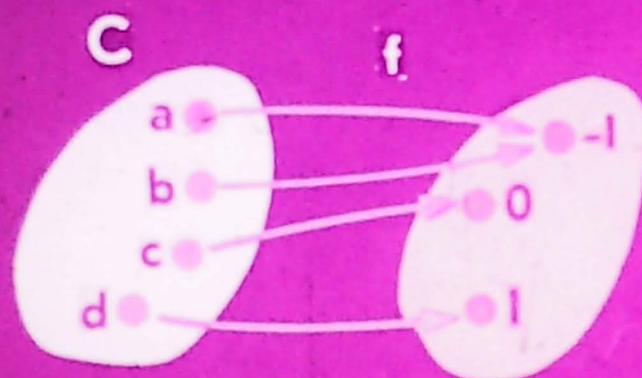
Между какими множествами установлено соответствие  $f$ ;  
соответствие  $q$ ? Какое из соответствий ( $f$  или  $q$ ) однозначное?



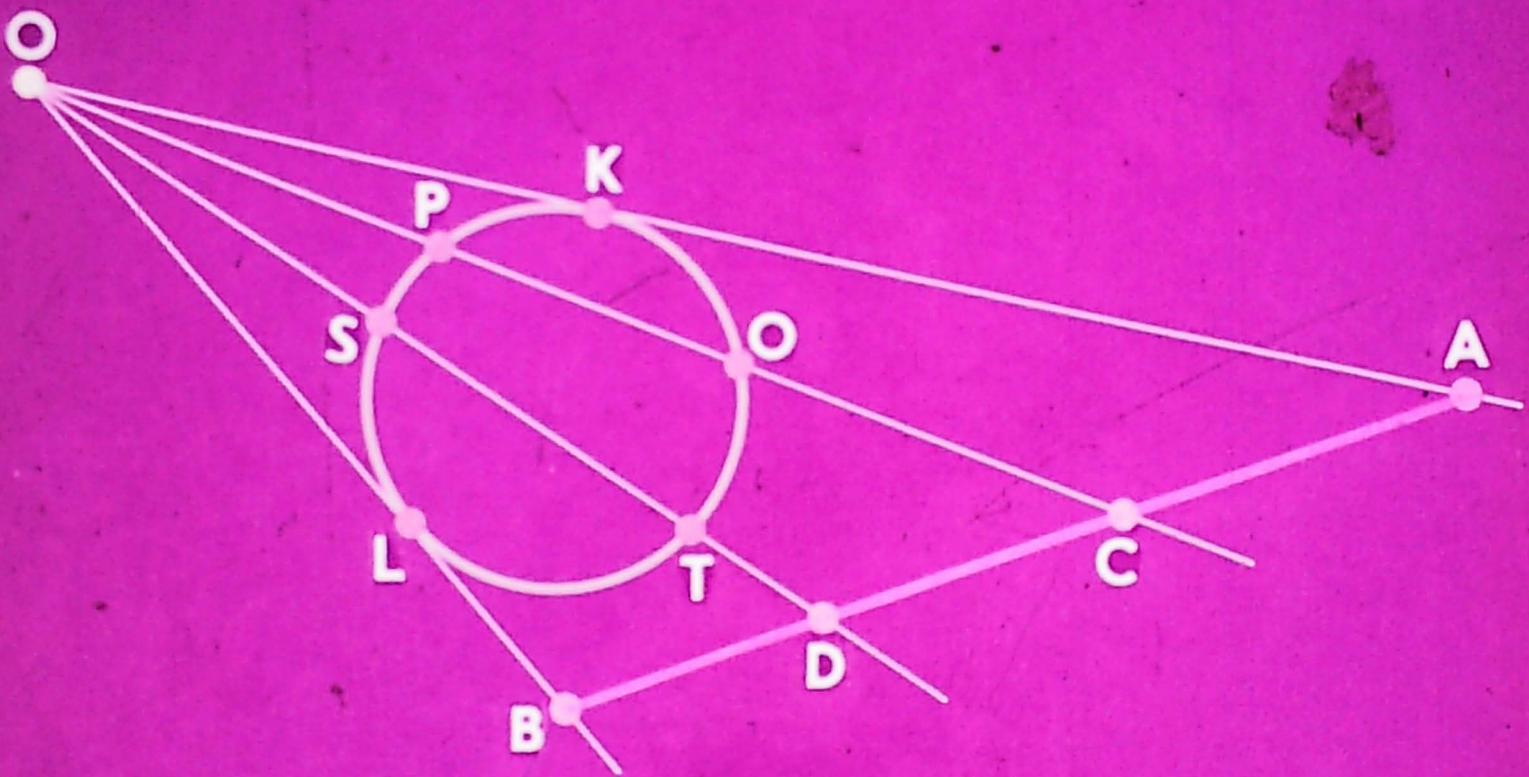
Назовите элементы каждого множества. Как можно соответствие  $p$  описать словами?



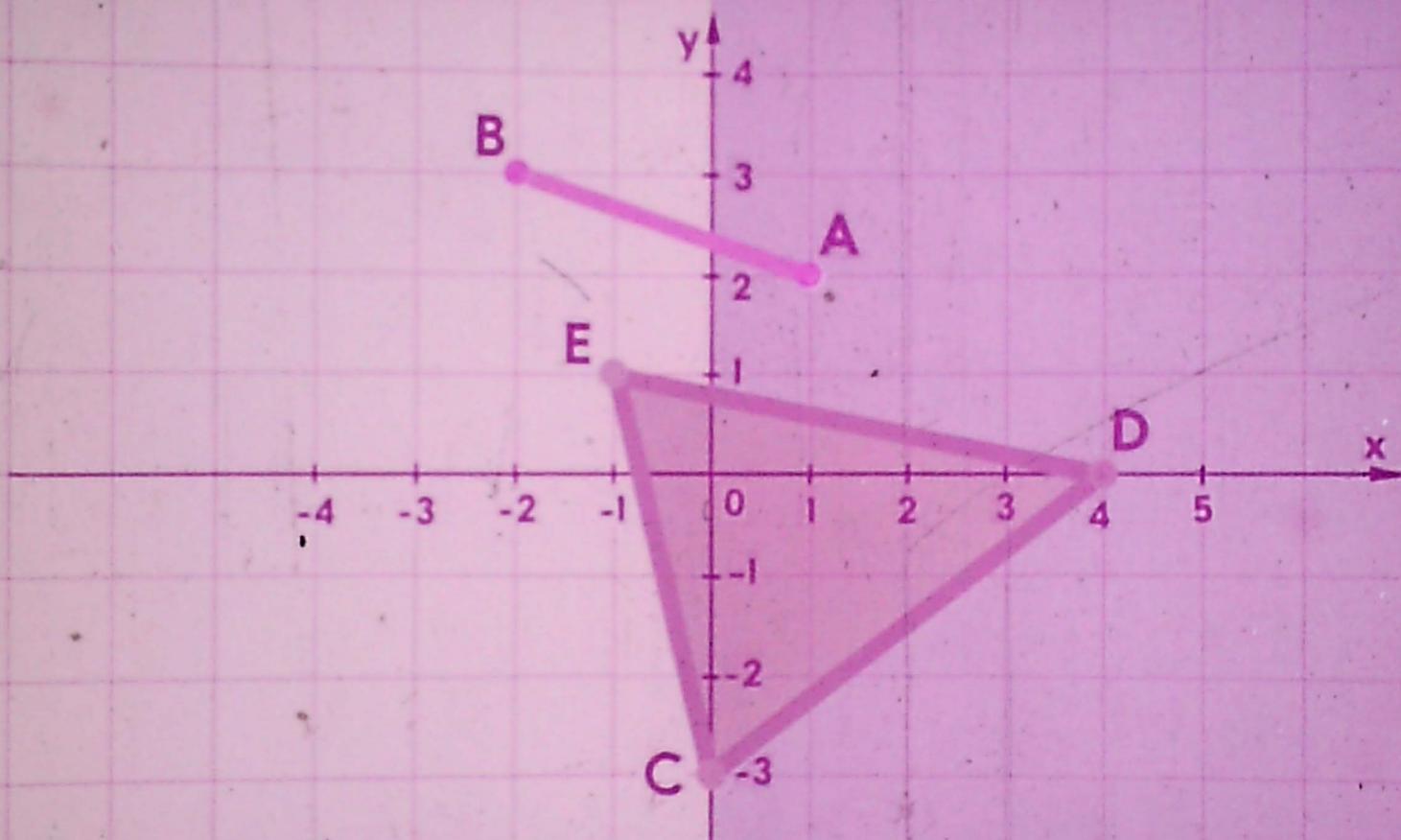
Почему соответствие  $f$  – функция? Назовите область определения функции  $f$  и множество её значений. Прочитайте записи:  $f(-2)=4$ ;  $f(1)=1$ ;  $f(0)=0$ .



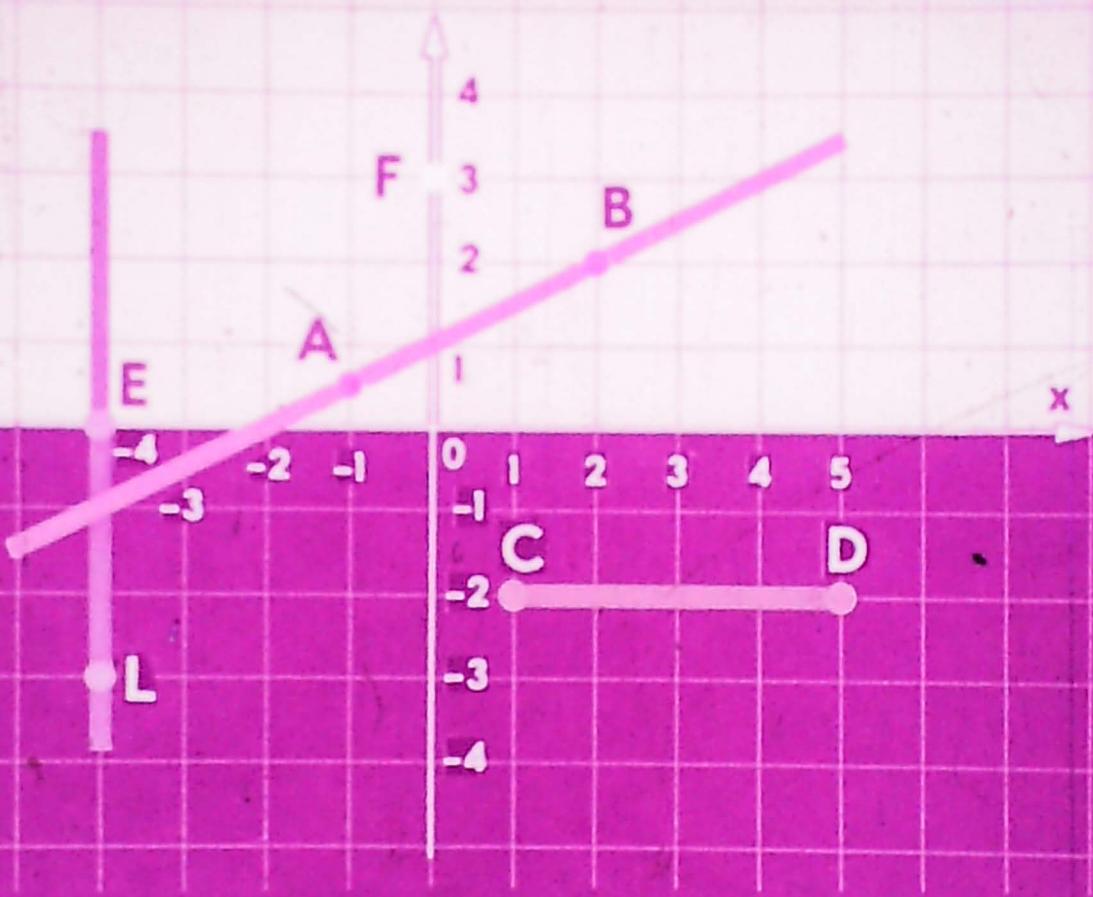
Какие из соответствий – функции? Дайте объяснение. Найдите:  $h(a)$ ;  $h(b)$ ;  $h(c)$ ;  $h(d)$ .



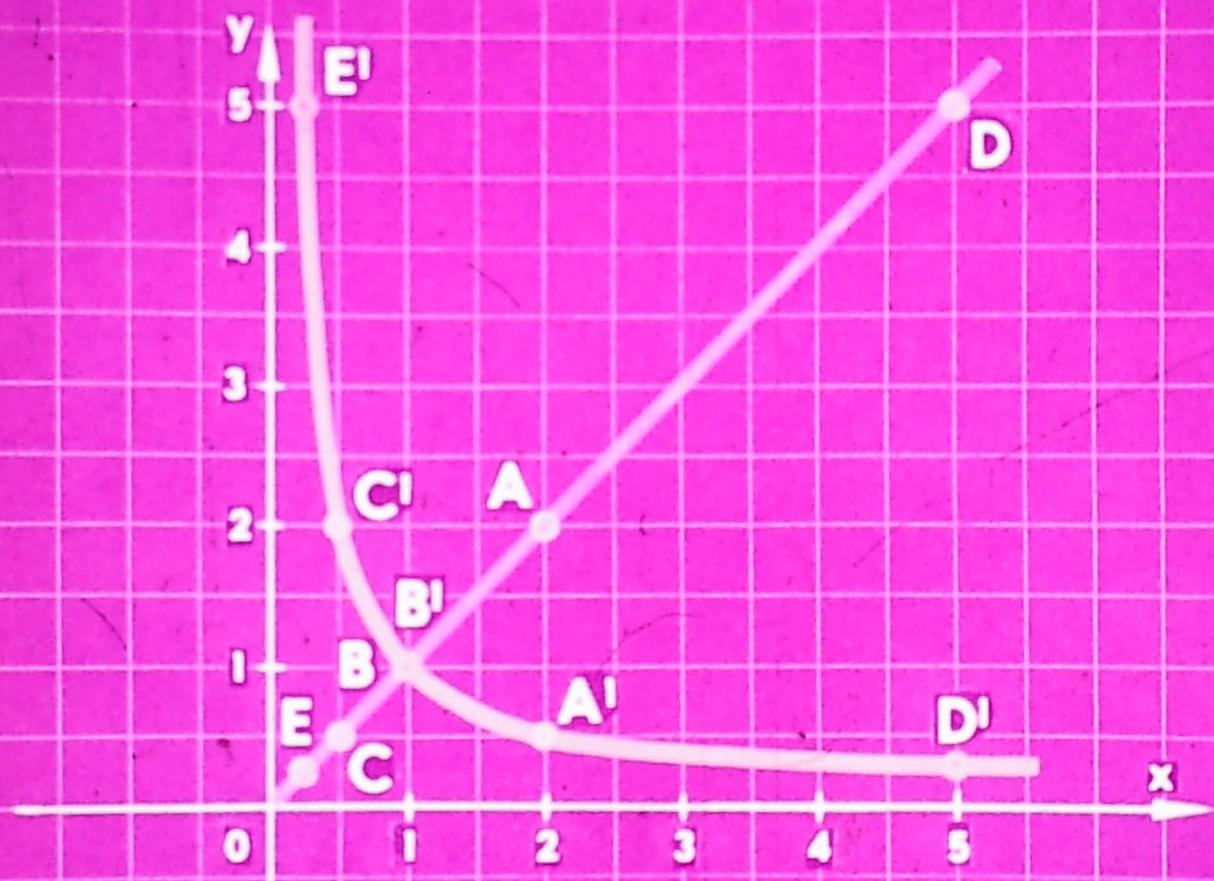
Каждой точке окружности поставлена в соответствие та точка отрезка  $AB$ , которая лежит с точкой окружности на одном луче с началом в точке  $O$ . Почему это соответствие (обозначим его буквой  $f$ ) является отображением множества  $X$  на множество  $Y$ ? Найдите:  $f(P)$ ;  $f(K)$ ;  $f(T)$ .



Каждую точку  $M(a; b)$  координатной плоскости отобразили на точку  $M'(-a; b)$ . В какую точку при этом отображении перейдёт точка  $A; B; C; D; E$ ? На какую фигуру отобразится отрезок  $AB$ ;  $CD$ ;  $CE$ ; треугольник  $CDE$ ; левая полуплоскость; правая полуплоскость; вся плоскость?



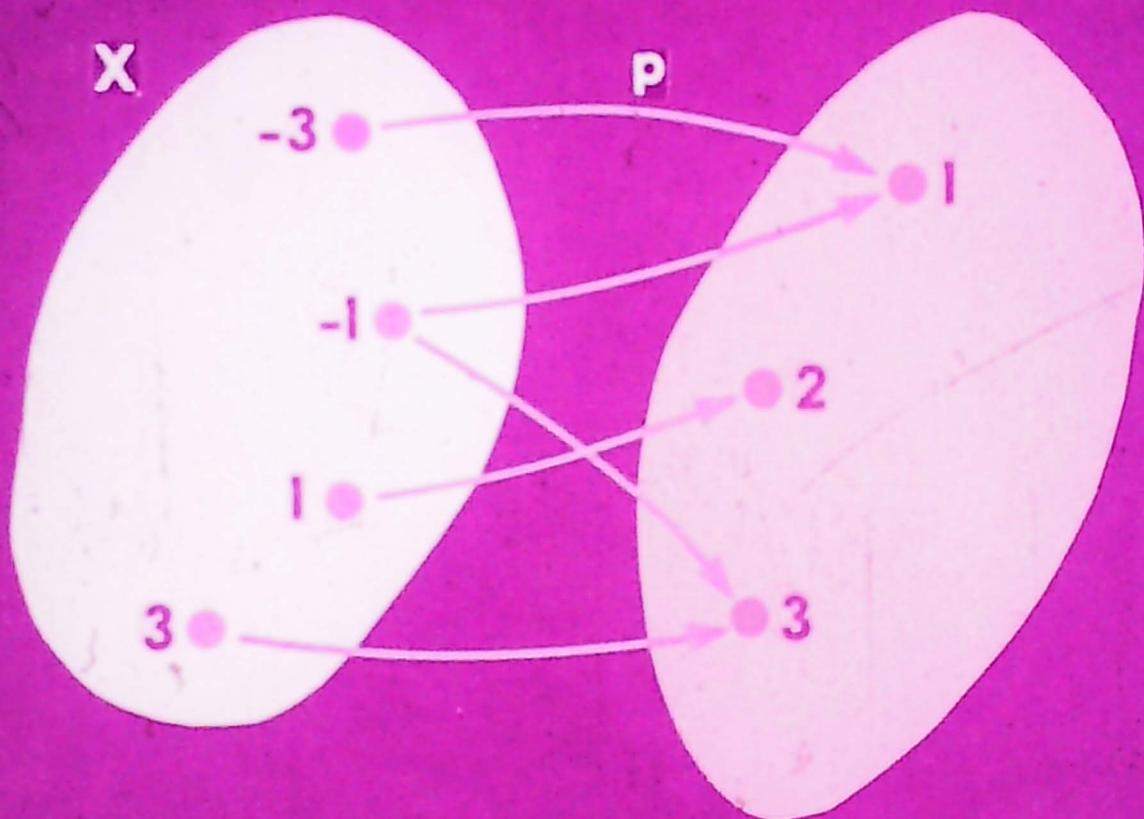
Соответствие  $(a; b) \rightarrow (a; -b)$  — отображение множества точек координатной плоскости на множество точек той же плоскости. На какую фигуру отобразится: точка A; B; C; D; E; F; L; отрезок CD; прямая AB; ось x; ось y; верхняя полуплоскость; вся плоскость?



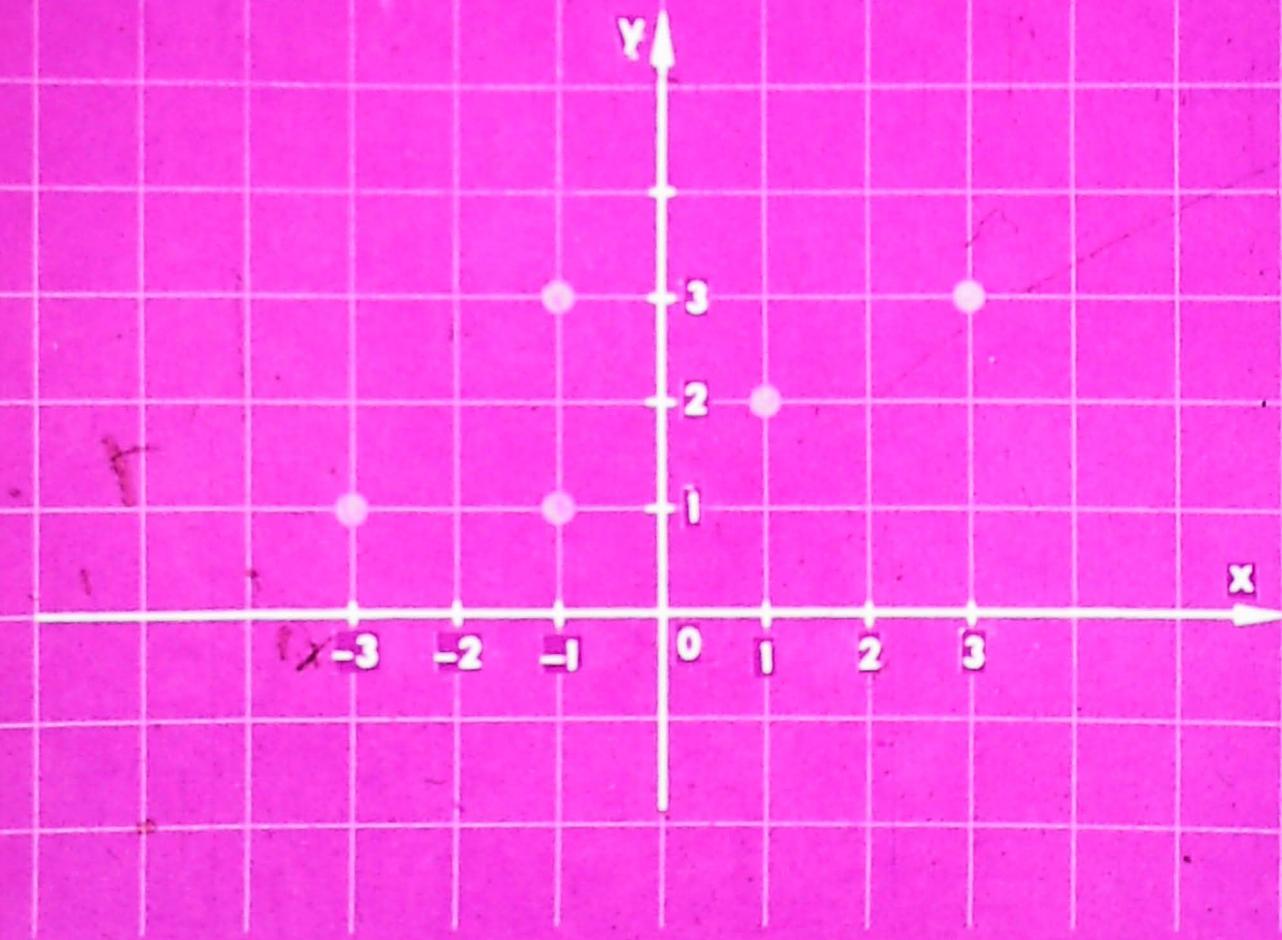
Покажите, что при отображении  $(a; b) \rightarrow (a; \frac{1}{b})$ , где  $b \neq 0$ , точки A, B, C, D, E, принадлежащие прямой, перейдут в точки A', B', C', D', E', не принадлежащие прямой.

**ГРАФИК ФУНКЦИИ**

**ГРАФИЧЕСКИЙ СПОСОБ  
ЗАДАНИЯ ФУНКЦИИ**

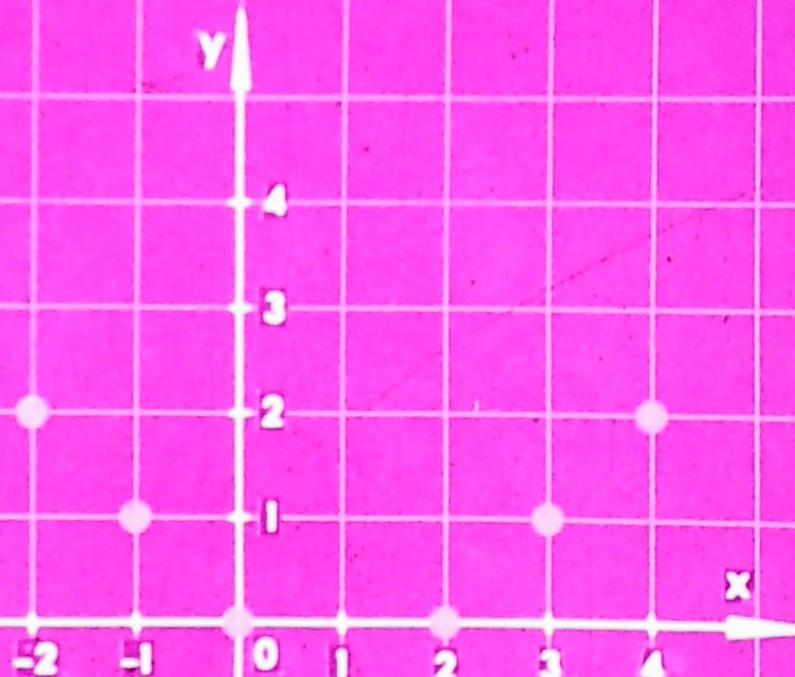


Соответствие  $r$  задано с помощью пар:  $(-3; 1)$ ;  $(-1; 1)$ ;  $(-1; 3)$ ;  $(1; 2)$ ;  $(3; 3)$ . Почему соответствие  $r$  не функция?  
На плоскости построим точки, координатами которых служат выписанные пары чисел.

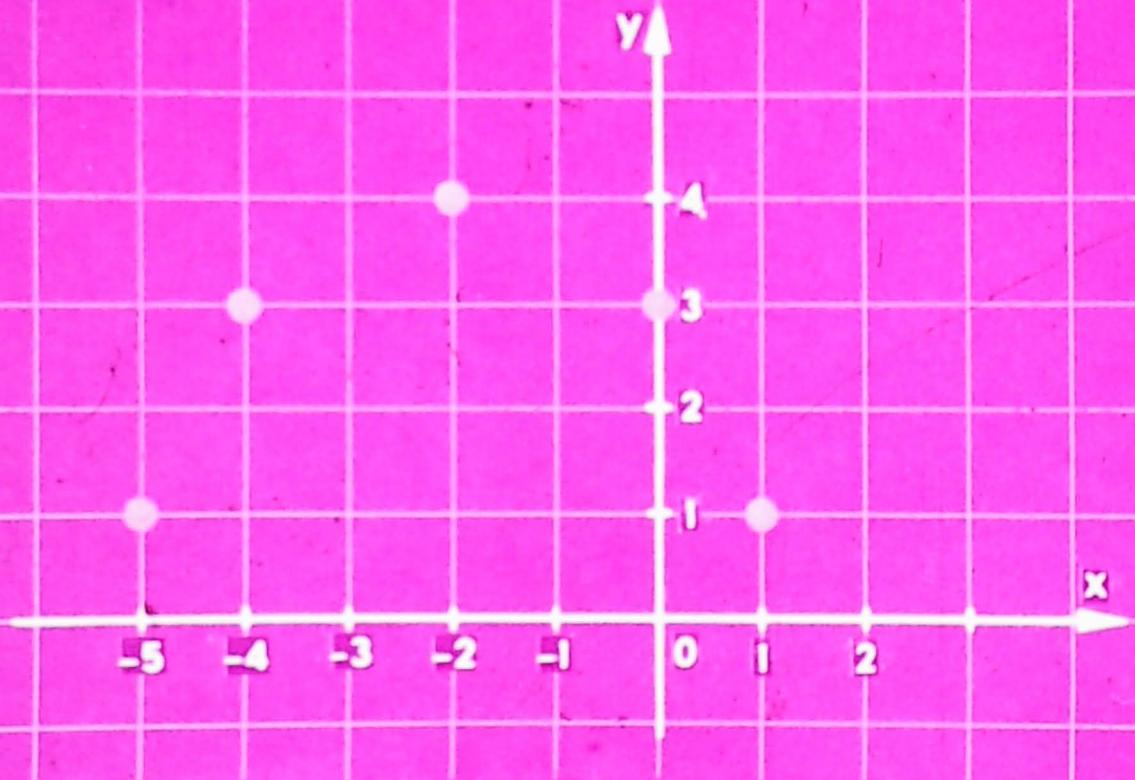


Множество построенных точек – ГРАФИК СООТВЕТСТВИЯ р.

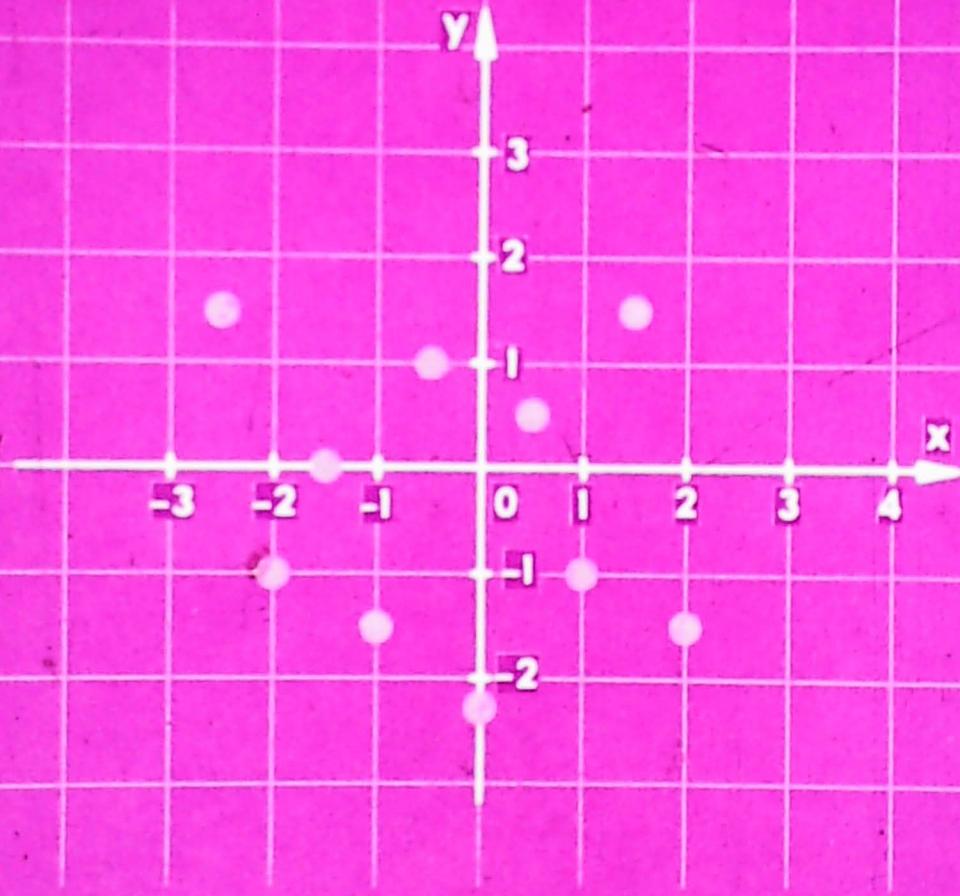
$x$	$y$
-2	2
-1	1
0	0
1	-1
2	0
3	-1
4	2



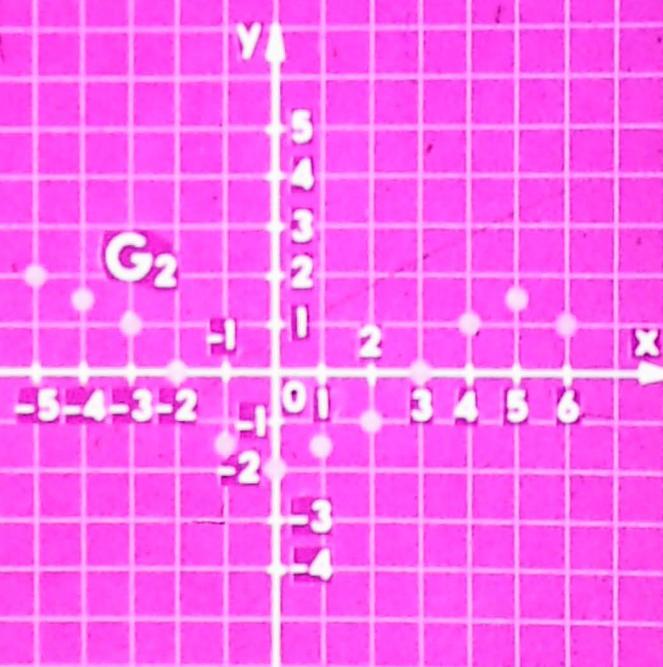
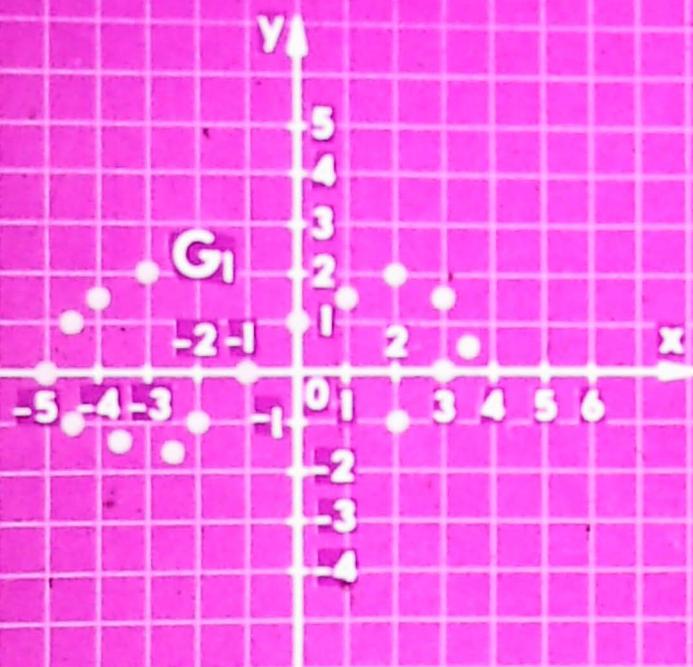
Соответствие  $f$ , заданное таблицей, – функция. График соответствия  $f$  (функции) называют ГРАФИКОМ ФУНКЦИИ.



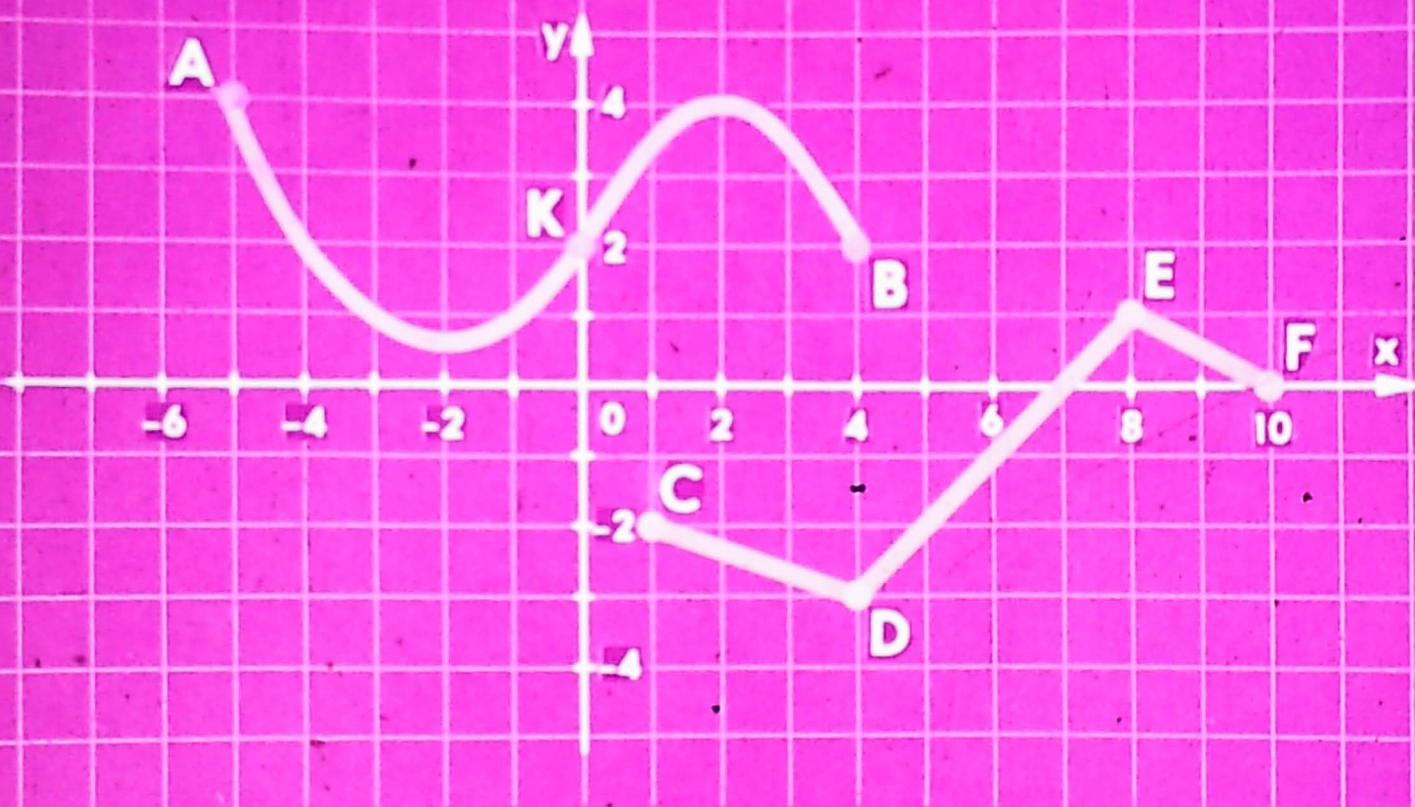
Договоримся считать, что абсциссе каждой точки, отмеченной в координатной плоскости, соответствует её ордината:  $-5 \rightarrow 1$ ;  $-4 \rightarrow 3$ ;  $-2 \rightarrow 4$ ;  $0 \rightarrow 3$ ;  $1 \rightarrow 1$ . Тогда говорят, что между множеством  $X = \{-5; -4; -2; 0; 1\}$  и множеством  $Y = \{1; 3; 4\}$  соответствие задано графиком.



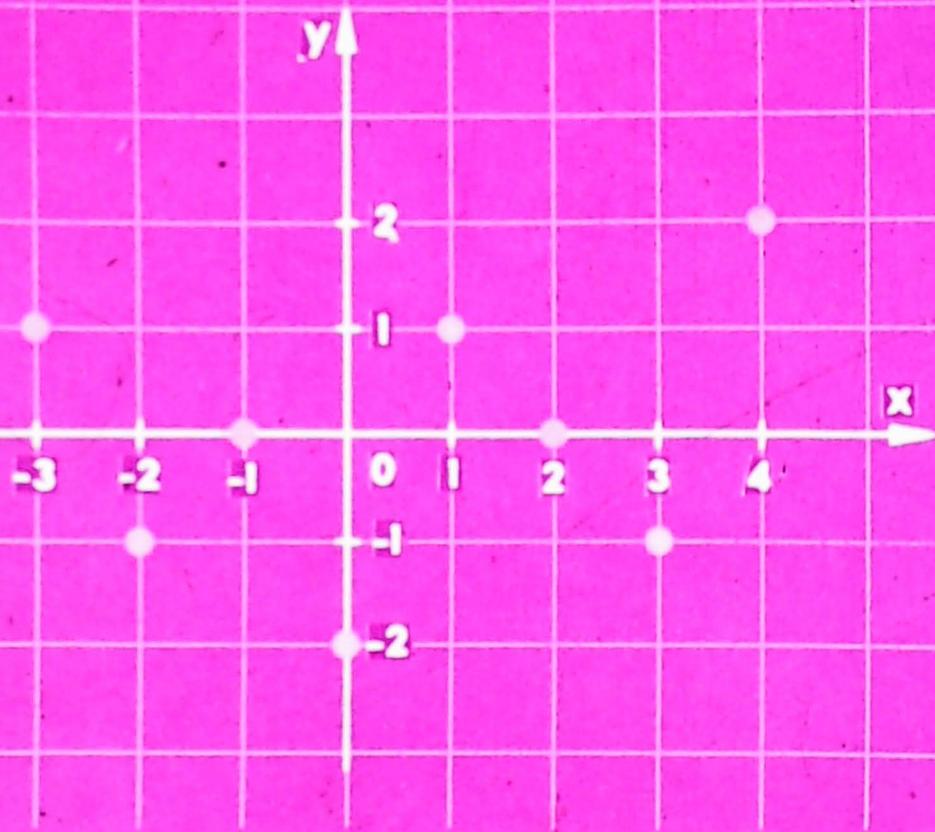
Если график соответствия не имеет точек с одинаковыми абсциссами, то соответствие, заданное графиком, — функция. Является ли соответствие, заданное графиком, функцией?



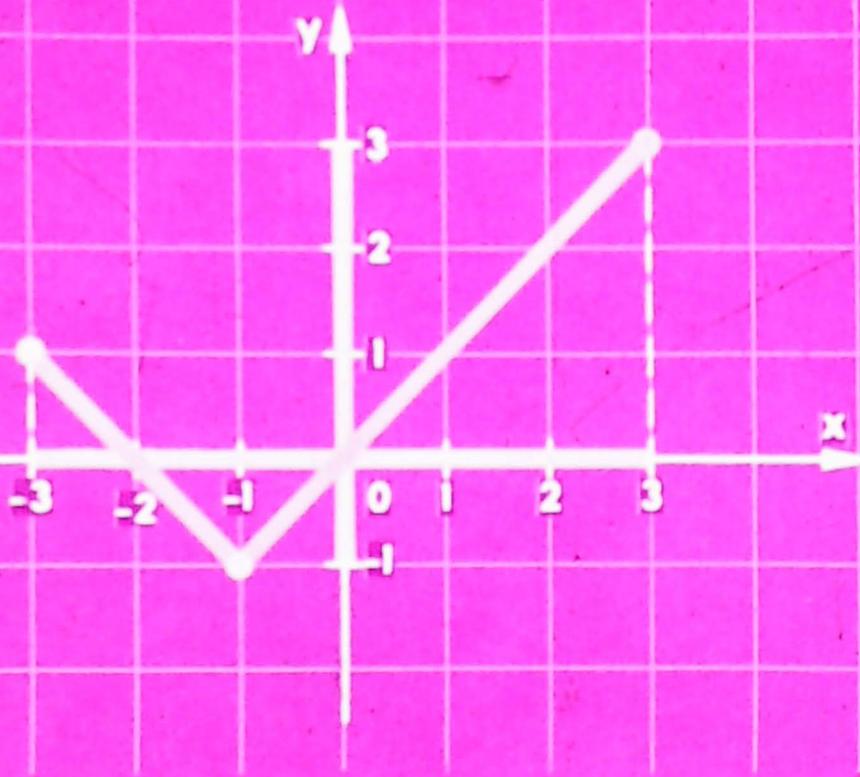
Вы видите различные графики  $G_1$  и  $G_2$  соответствий.  
Какой из них служит графиком функции?



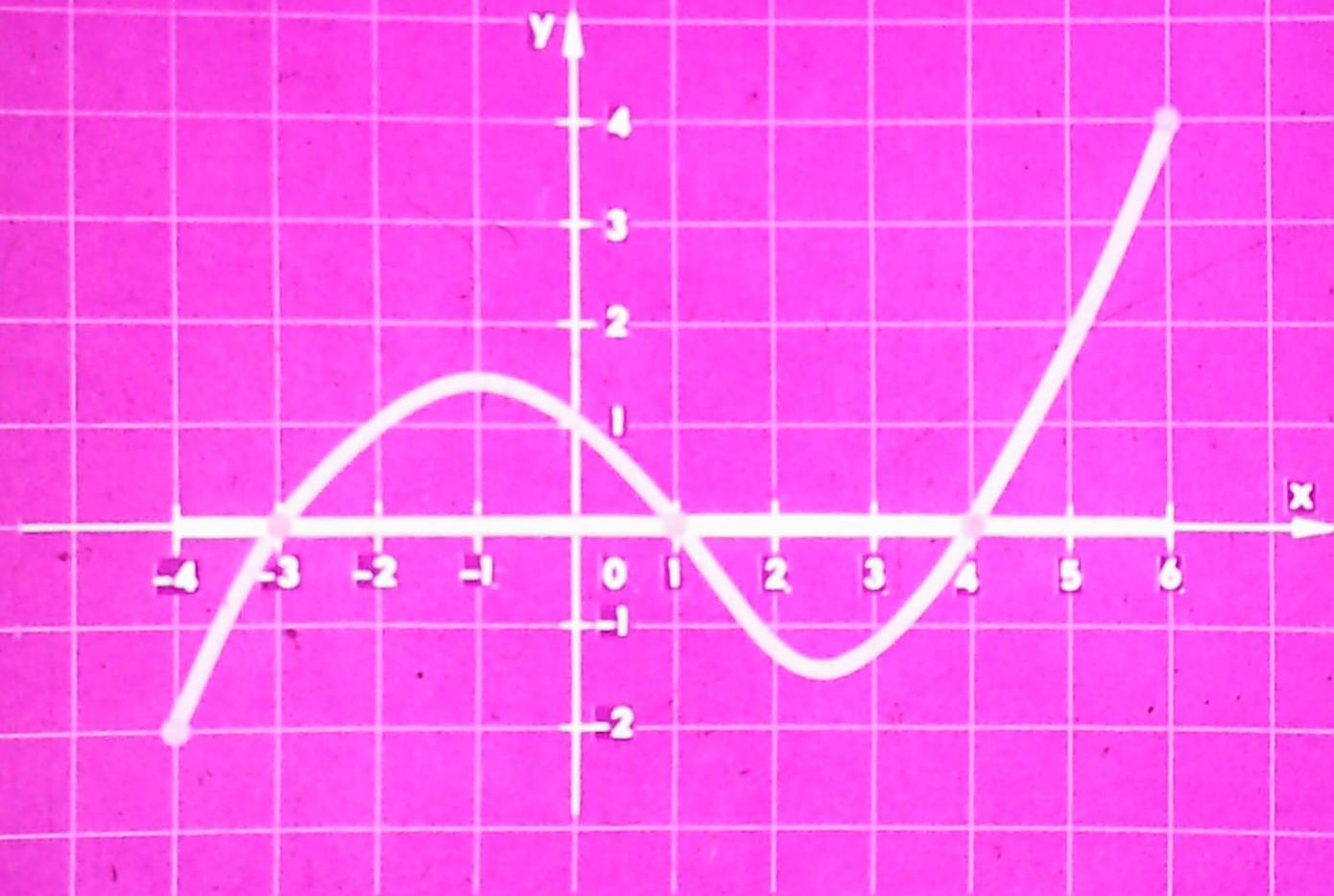
Каждой точке координатной плоскости поставили в соответствие её абсциссу. Обозначим это соответствие буквой  $p$ . Почему соответствие  $p$  – функция? Найдите:  $p(A)$ ;  $p(B)$ ;  $p(C)$ ;  $p(D)$ ;  $p(E)$ ;  $p(F)$ ;  $p(K)$ . На какое множество отображается множество точек кривой АKB; ломаной CDEF?



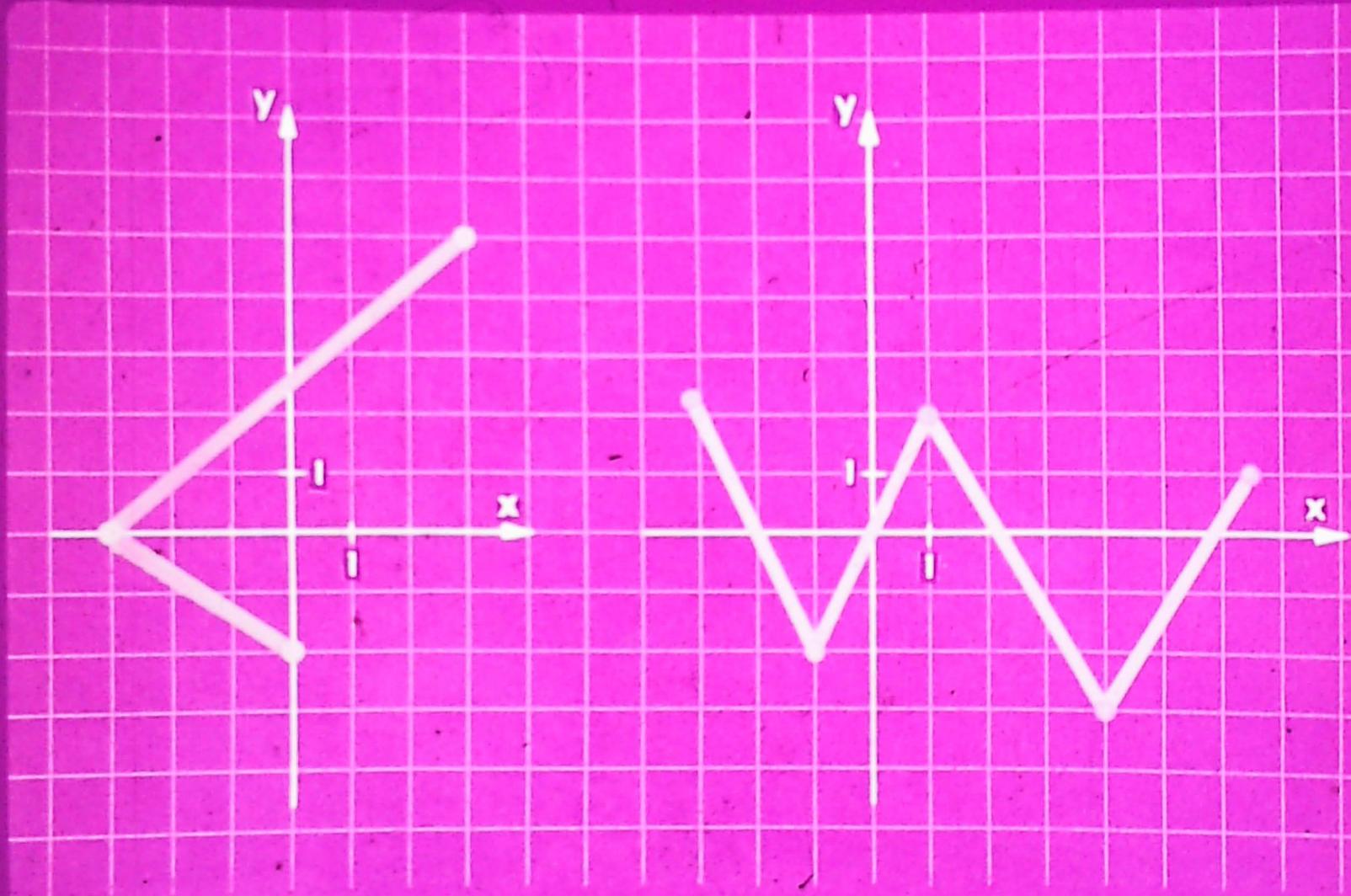
Почему соответствие, заданное графиком, — функция?  
 Найдите область определения функции и множество её значений. При каких значениях  $x$  (из области определения функции) её значения равны нулю; положительны, отрицательны?



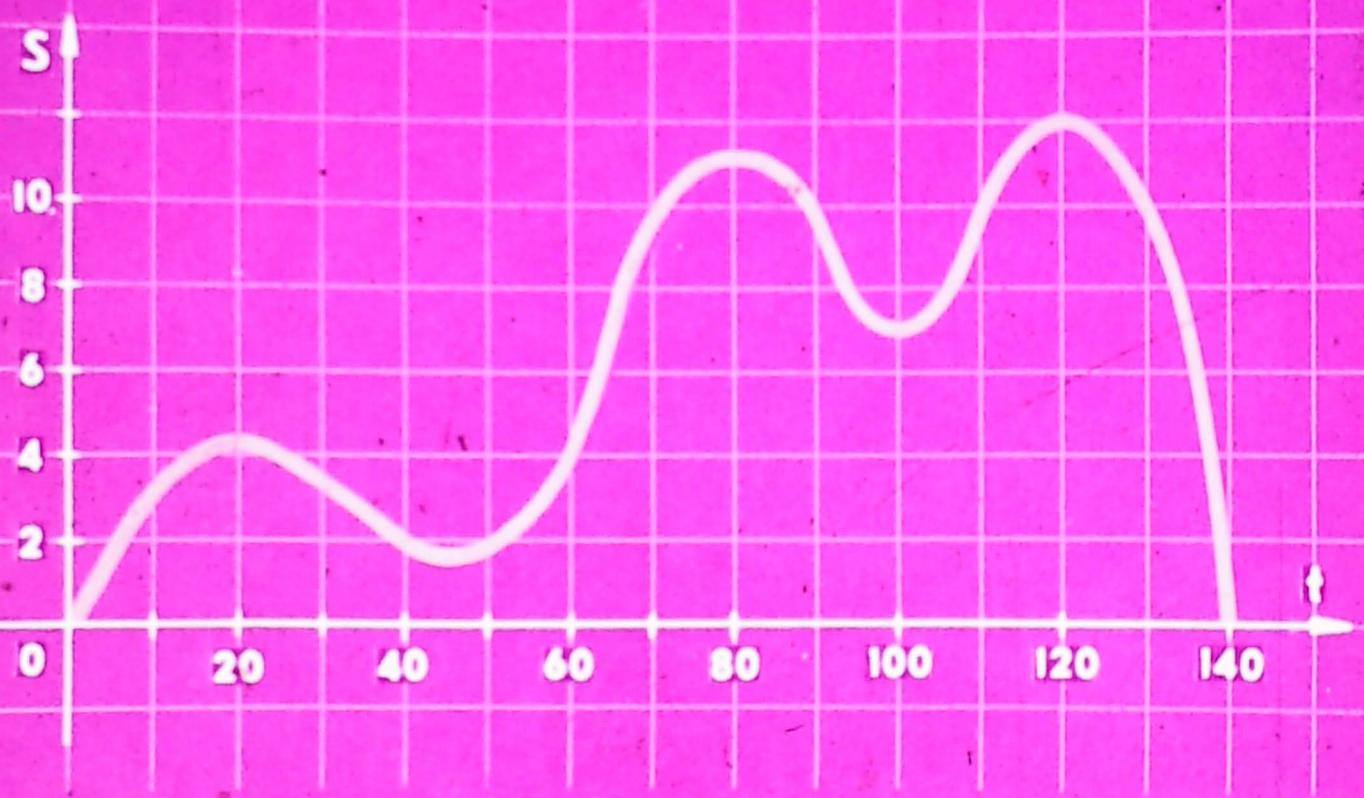
Функция  $q$  задана графиком. Найдите по графику:  
 $q(-3)$ ;  $q(-2)$ ;  $q(-1)$ ;  $q(0)$ ;  $q(3)$ . Найдите область определения и множество значений функции  $q$ . При каких значениях  $x$  значения  $q$  равны 0; больше 0; меньше 0?



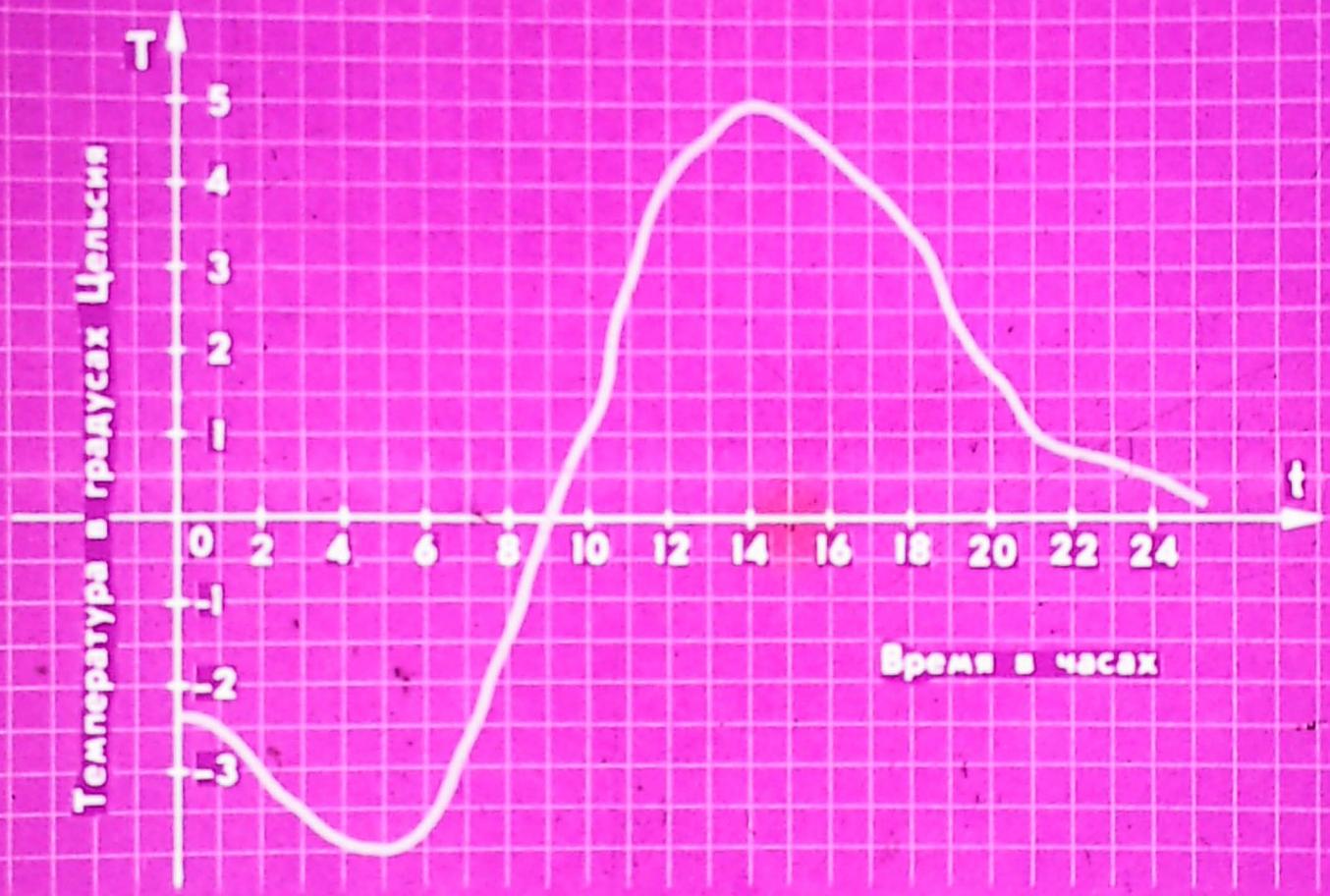
Функция  $f$  задана графиком на множестве  $[-4; 6]$ . Найдите:  $f(-4)$ ;  $f(-3)$ ;  $f(0)$ ;  $f(1)$ ;  $f(2,5)$ ;  $f(4)$ ;  $f(6)$ . При каких значениях  $x$ :  $f(x)=0$ ;  $f(x)>0$ ;  $f(x)<0$ ?



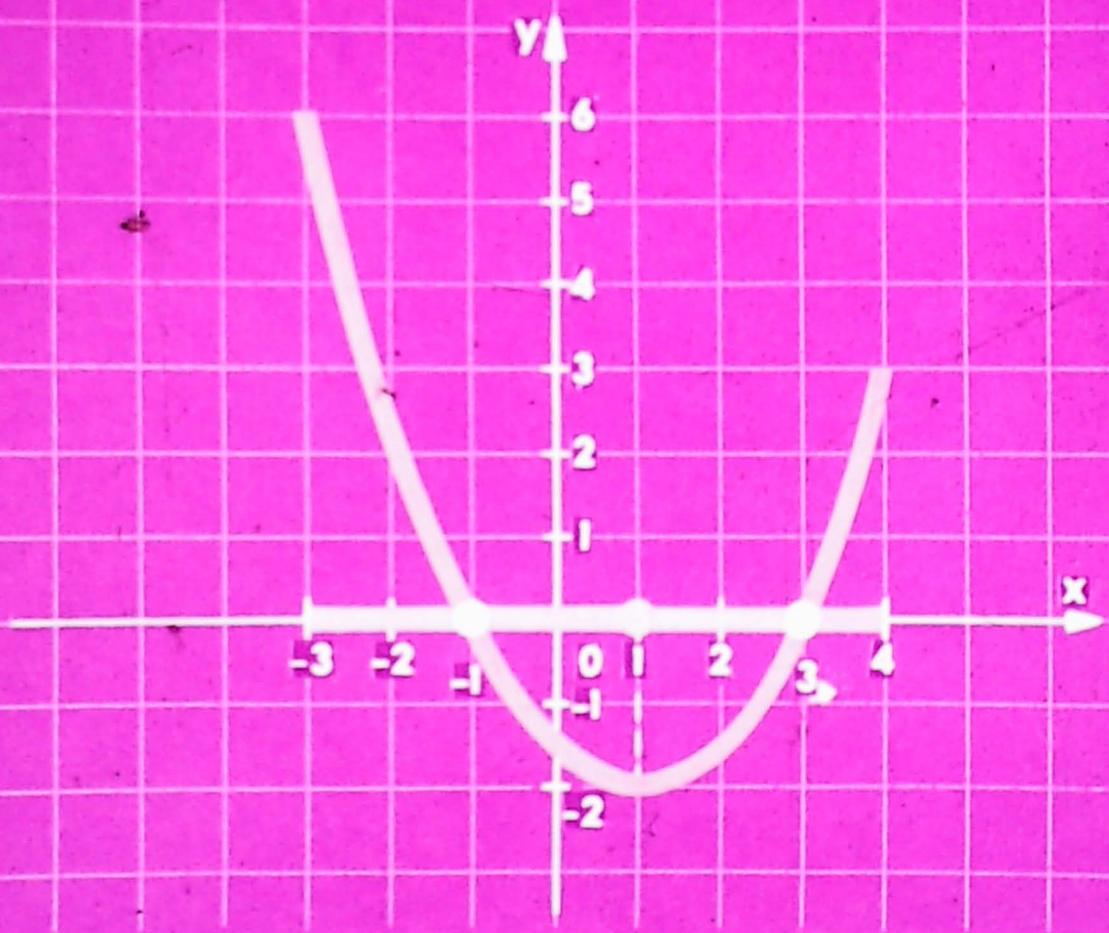
Какая из ломаных может служить графиком функции и почему?



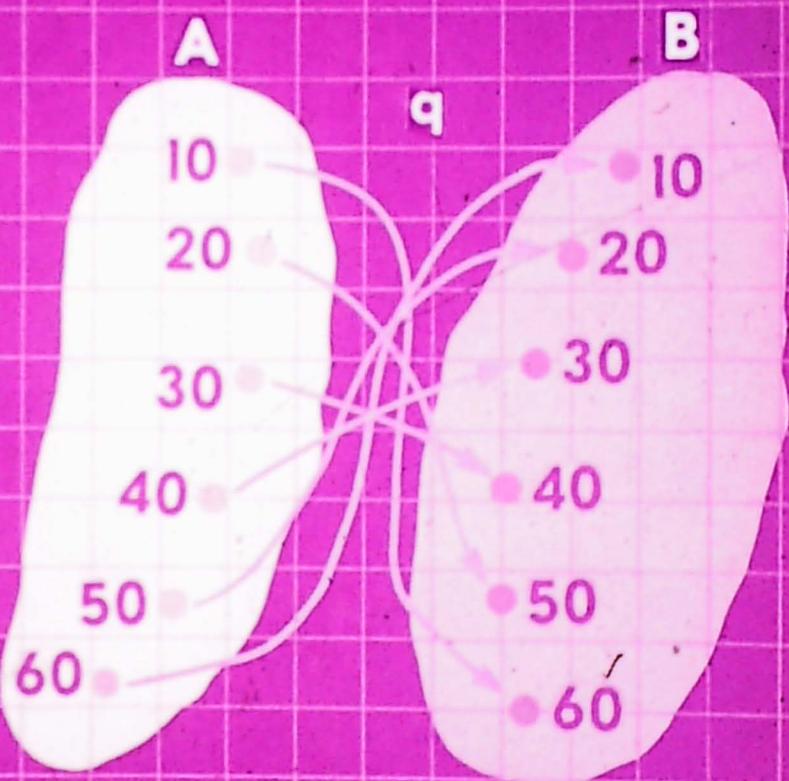
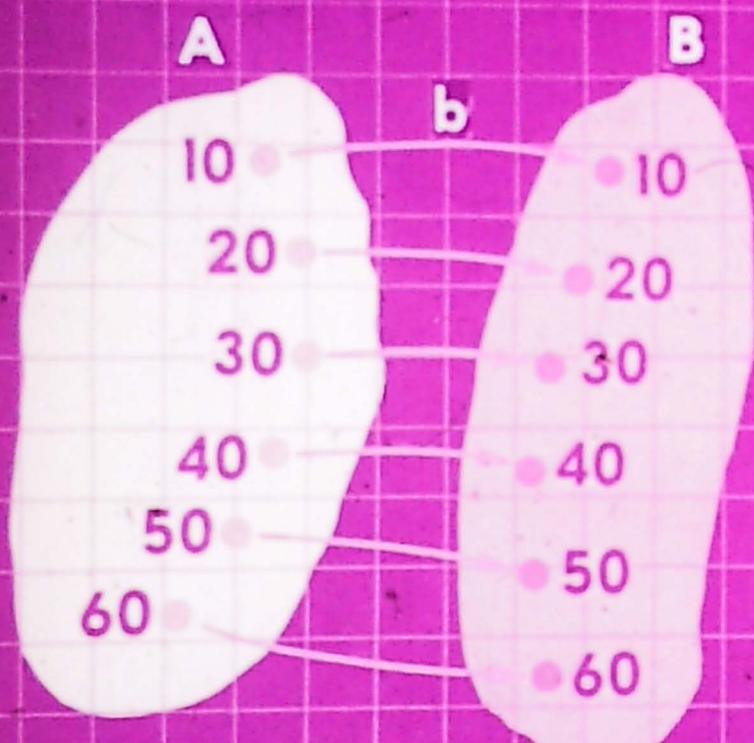
По озеру плавает яхта. Её расстояние  $S$  (в км) от базы меняется с течением времени  $t$  (в час). Эта зависимость ( $S$  от  $t$ ) показана на графике. На каком расстоянии от базы находилась яхта через 20 мин.; 40 мин.; 1 ч. 20 мин.; 1 ч 30 мин.? Почему зависимость  $S$  от  $t$  — функция?



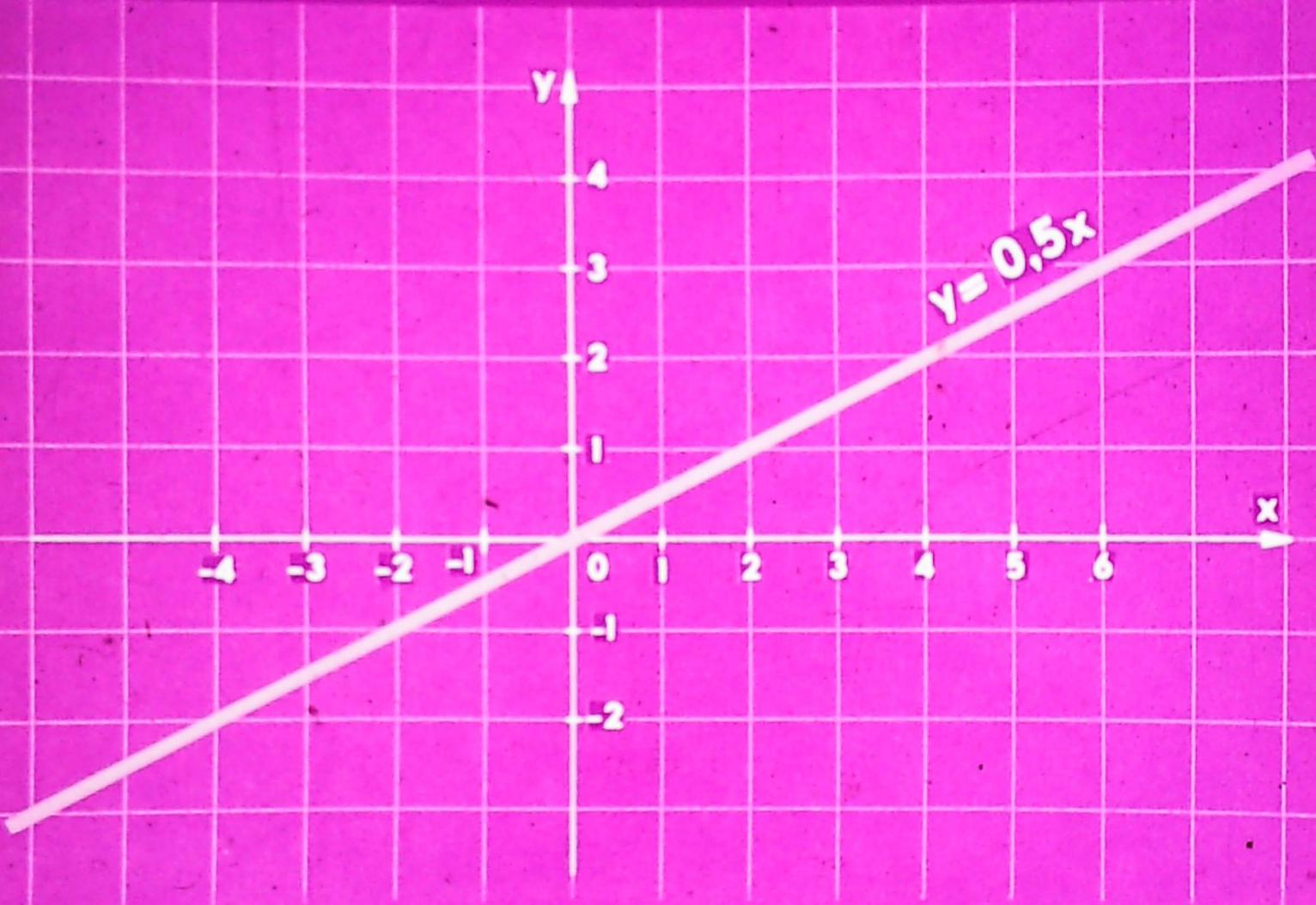
Используя график температуры, узнайте: в какое время суток температура была равна  $0^{\circ}$ ; когда она была ниже  $0^{\circ}$ ; выше  $0^{\circ}$ ; когда была самая высокая температура; когда самая низкая; в какие промежутки времени она повышалась; в какие — понижалась.



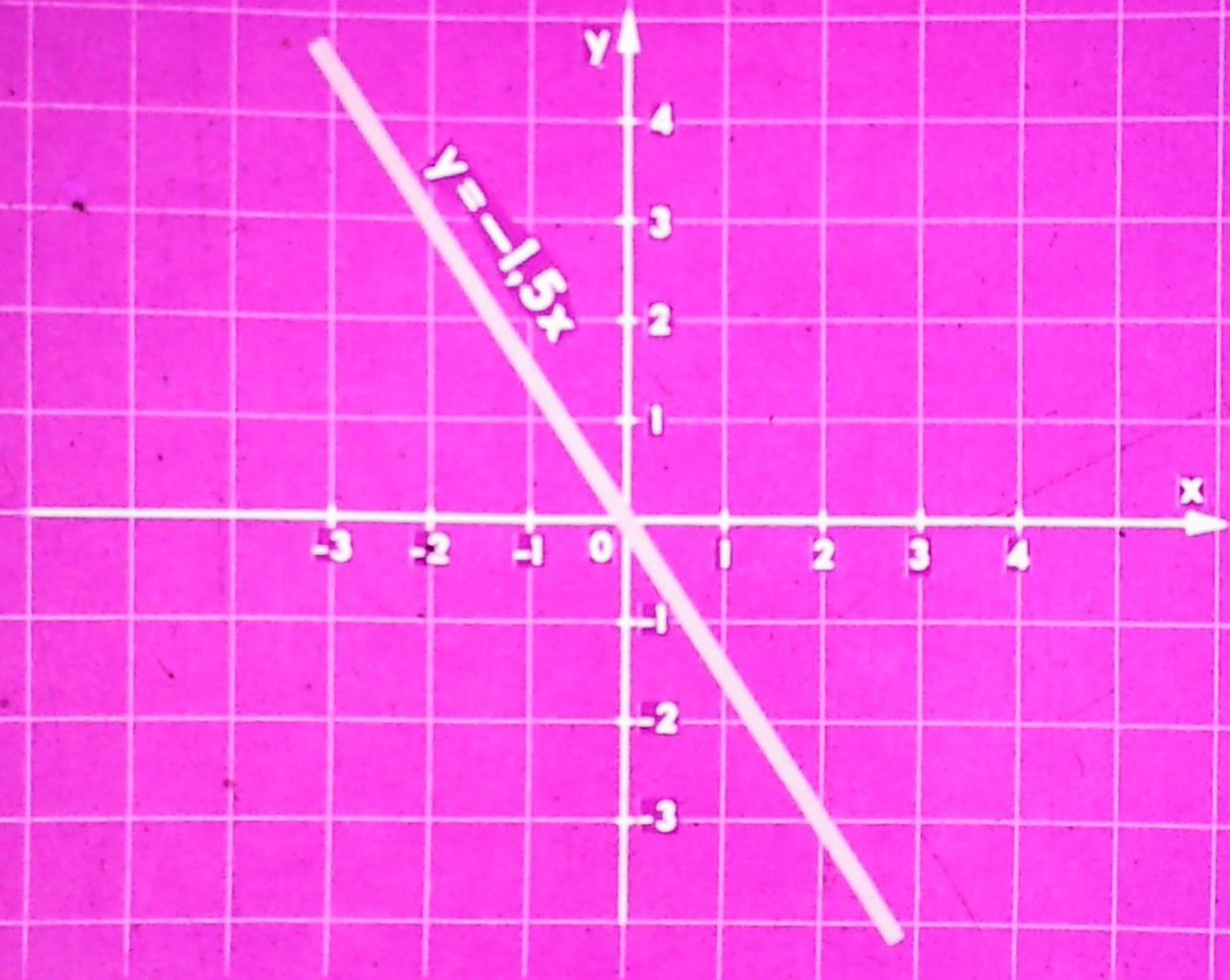
Функция  $f$  задана графиком на множестве  $[-3; 4]$ . Найдите множество значений  $x$ , при которых  $f(x)=0$ ;  $f(x)<0$ ;  $f(x)>0$ . В каком промежутке переменная  $y$  убывает; возрастает?



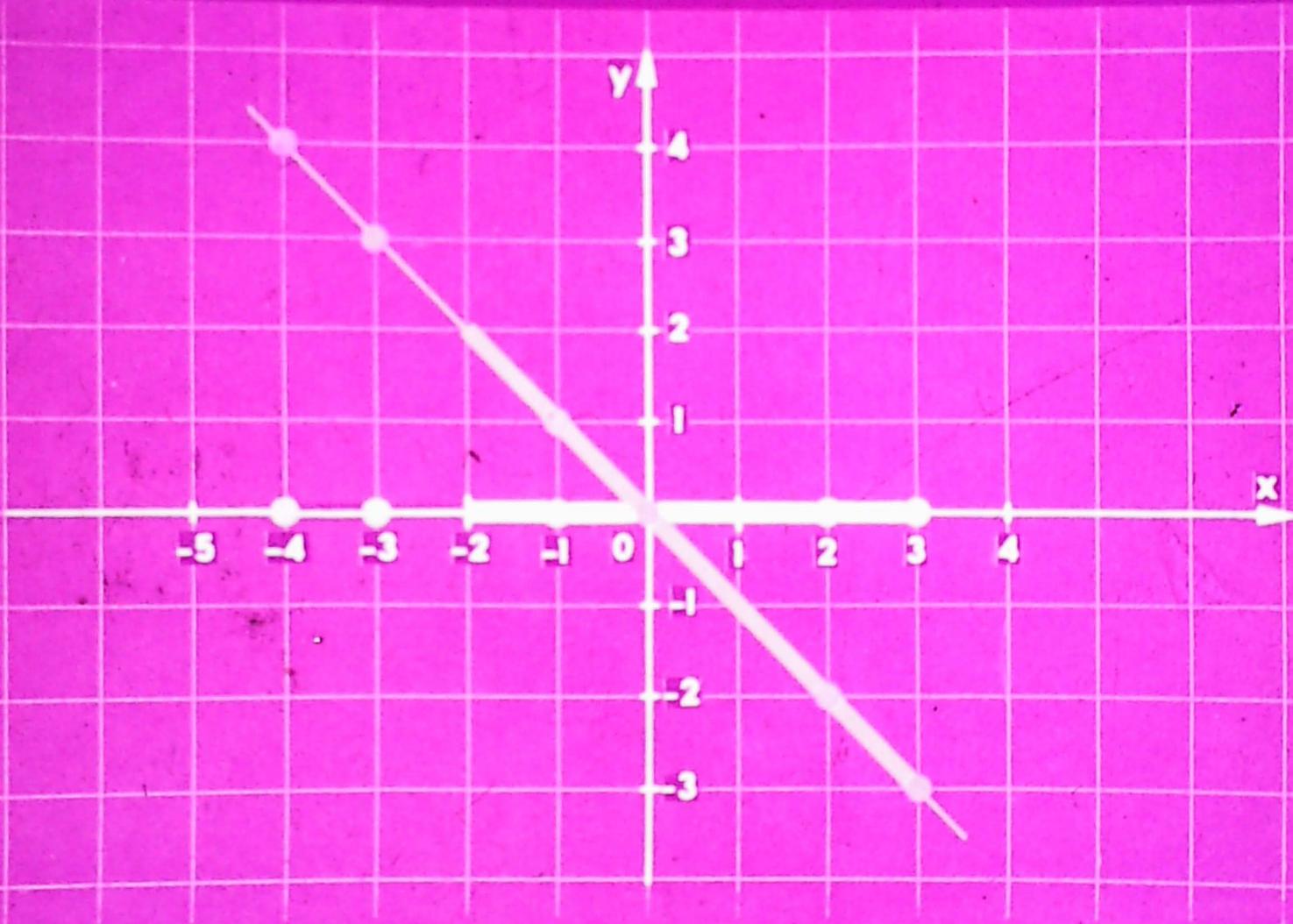
Введите обозначения  $a \in A$  и  $b \in B$ . Задайте функции  $p$  и  $q$  формулами.



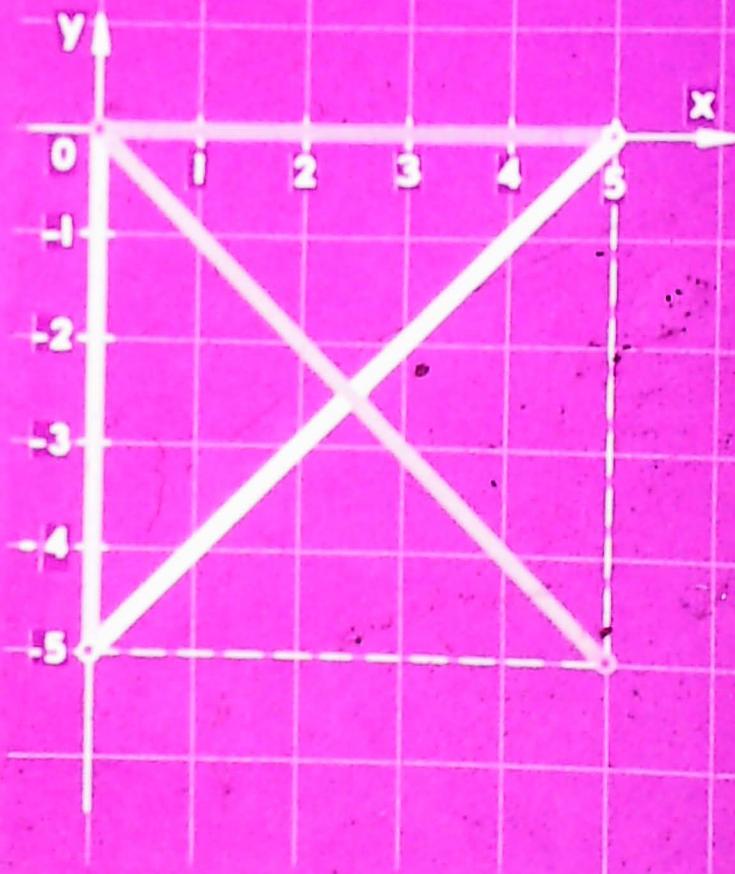
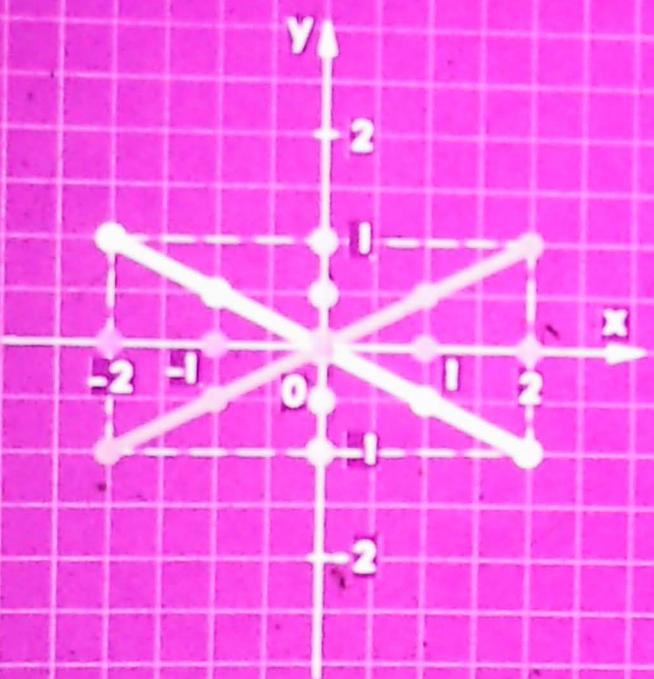
Используя график, найдите множество значений  $x$ , при которых  $y=0$ ;  $y>0$ ;  $y<0$ .



Пользуясь графиком, найдите множество значений  $x$ , при которых  $y=0$ ;  $y<0$ ;  $y>0$ .



Функция задана формулой  $y = -x$  на множестве  $X$ .  
 Найдите множество  $Y$  значений функции, если:  
 $X = \{-4; -3; -1; 0; 2; 3\}$ ;  $X = [-2; 3]$ .



Подберите формулу, с помощью которой множество X отображалось бы на множество Y, если:

- a)  $X = \{-2; -1; 0; 1; 2\}; \quad b) \quad X = [0; 5];$   
 $Y = \{-1; -0.5; 0; 0.5; 1\}; \quad Y = [-5; 0].$

**КОНЕЦ**

**Автор**

**кандидат педагогических наук**

**Ю. Н. МАКАРЫЧЕВ**

**Художник-оформитель С. Н. РОГОВ**

**Редактор Л. Б. КНИЖНИКОВА**

**Студия «Диафильм», 1971 г.**

**Москва, Центр, Старосадский пер., д. № 7**

**Д-228-71**

**Цветной 0-30**